

## PROPIEDADES DE LA TRANSFORMADA DE LAPLACE

$f(t)$	$F(s)$
$a f_1(t) + b f_2(t), \quad a, b \in \mathbb{C}$	$a F_1(s) + b F_2(s)$
$a f(at), \quad a \in \mathbb{R}^+$	$F(s/a)$
$e^{at} f(t), \quad a \in \mathbb{C}$	$F(s-a)$
$f(t-a)h(t-a), \quad a \in \mathbb{R}^+$	$e^{-as} F(s)$
$f'(t)$	$sF(s) - f(0)$
$f^{(n)}(t), \quad n \in \mathbb{N}$	$s^n F(s) - s^{n-1} f(0) - s^{n-2} f'(0) - \dots - f^{(n-1)}(0)$
$\int_0^t f(u) du$	$\frac{F(s)}{s}$
$t^n f(t) \quad n \in \mathbb{N}$	$(-1)^n F^{(n)}(s)$
$\int_0^t f(u)g(t-u)du$	$F(s) G(s)$
$\frac{f(t)}{t} \quad \left( \text{si } \exists \lim_{t \rightarrow 0} \frac{f(t)}{t} \right)$	$\int_s^\infty F(u) du$
$f(t) = f(t+T) \quad (\text{periódica})$	$\frac{\int_0^T e^{-st} f(t) dt}{1 - e^{-sT}}$

## ALGUNAS TRANSFORMADAS DE LAPLACE

1	$\frac{1}{s}, \quad \text{Re}(s) > 0$
$t^n, \quad n \in \mathbb{N}$	$\frac{n!}{s^{n+1}}, \quad \text{Re}(s) > 0$
$e^{at}, \quad a \in \mathbb{C}$	$\frac{1}{s-a}, \quad \text{Re}(s) > \text{Re}(a)$
$\text{sen } at, \quad a \in \mathbb{C}$	$\frac{a}{s^2 + a^2}, \quad \text{Re}(s) >  \text{Im}(a) $
$\text{cos } at, \quad a \in \mathbb{C}$	$\frac{s}{s^2 + a^2}, \quad \text{Re}(s) >  \text{Im}(a) $
$\text{senh } at, \quad a \in \mathbb{C}$	$\frac{a}{s^2 - a^2}, \quad \text{Re}(s) >  \text{Re}(a) $
$\text{cosh } at, \quad a \in \mathbb{C}$	$\frac{s}{s^2 - a^2}, \quad \text{Re}(s) >  \text{Re}(a) $